

**UOT 538.3****PİON NUKLON QARŞILIQLI TƏSİR SABİTİNİN  
AdS\KXD-nin SƏRT DİVAR MODELİNDƏ HESABLANMASI****Ş.İ.TAĞIYEVA***shahnaz.ilqarzadeh.92@mail.ru*

Son dövrlərdə elementar zərrəciklərin qarşılıqlı təsirinin Anti-de Sitter və Konformal Sahə Nəzəriyyəsinin (AdS/KSN) uyğunluq prinsipi əsasında öyrənilməsi nəzəri fizikada geniş imkanlar açmışdır [5]. AdS\KSN uyğunluq prinsipinə əsaslanan AdS\KXD-nin sərt və yumşaq divar modelləri çərçivəsində elementar zərrəciklərin qarşılıqlı təsir sabitlərin fomfaktorlarının hesablanması hadronların daxili quruluşunu öyrənməyə, effektiv kəsiyin hesablanmasına imkan yaradır[8]. Bu işdə AdS\KXD-nin sərt divar modeli daxilində,  $\pi$  mezon- nuklon qarşılıqlı təsir sabiti hesablanmışdır.

**Açar sözlər:** Anti-de Sitter fəzası, mezon, nuklon, profil funksiyası.

**Sərt divar modeli**

Sərt divar modelində qarşılıqlı təsir üçün təsirin ifadəsi aşağıdakı kimidir [1]:

$$S_{q/t}(V(q, z)) = \int d^4x dz \sqrt{g} \mathcal{L}_{q/t} \quad (1)$$

$g=|det g_{MN}|$  ( $M, N = 0, 1, 2, 3, 5$ ) 5-ölçülü Anti-de Sitter fəzasının determinantıdır. Sərt divar modelində  $z$  dəyişəninə 0 və  $z_m$  nöqtələrində sərhəd şərti qoyulduğundan  $z$  dəyişəni  $0 \leq z \leq z_m$  intervalında dəyişir [10].

$\mathcal{L}_{q/t}$ -isə AdS fəzasının daxilindəki vektor sahə ilə fermion sahələri arasındaki qarşılıqlı təsir laqrانjianıdır.

AdS\KSN uyğunluğuna əsasən 4-ölçülü KSN-dəki törədici funksional 5-ölçülü  $AdS_5$  fəzasında (2) şəklində ifadə olunur:

$$Z_{KXD} = e^{\frac{iS_q(P((x,z)))}{\tau}} \quad (2)$$

Holoqrafik prinsip iç nəzəriyyənin  $Z_{AdS}$  funksiyası ilə sərhəd KXD-nin  $Z_{KXD}$  funsiyasını eyniləşdirir [6]:

$$Z_{AdS} = Z_{KXD}$$

Digər tərəfdən məlumdur ki, AdS fəzasının sərhəddində 4-ölçülü vektor cərəyan törədici funksionalın ultrabənövşəyi sərhəddəki 4-ölçülü sahənin

vakuum qiymətinə görə funksional törəməsinə bərabərdir.

$$\langle J_\mu \rangle = -i \frac{\delta Z_{KXD}}{\delta \tilde{P}_\mu^0} |_{\tilde{P}_\mu^0=0} \quad (3)$$

Burada,  $J_\mu$  üçün pion sahəsinin cərəyanı olub,  $\pi$  mezon- proton-barion qarşılıqlı təsir sabiti vasitəsilə (4) şəklində ifadə olunur:

$$J_\mu(p', p) = g_{\pi NN} \bar{u}(p') \gamma^5 u(p) \quad (4)$$

Burada  $p'$  və  $p$  AdS fəzasının daxilindəki spinor sahələrin vektor sahə ilə qarşılıqlı təsirindən əvvəl və sonrakı impulslardır.

### Pion-nuklon qarşılıqlı təsir sabiti

AdS fəzasının daxilində fermion sahələrinin psevdoskalyar sahə ilə qarşılıqlı təsir Laqranjianı Yukava qarşılıqlı təsir Laqranjianı ilə təsvir olunur [2]:

$$\mathcal{L}_{\pi NN} = -g_Y [\bar{N}_1 X N_2 + \bar{N}_2 X^+ N_1]. \quad (5)$$

Burada,  $g$ -Yukava sabiti, ədədi qiyməti  $g=14.4$ -dür.  $N_1$  və  $N_2$  5-ölçülü spinorlardır:

$$N(p, z) = N_{iL} + N_{iR} \quad (6)$$

İmpuls fəzasında 5-ölçülü spinorlar Furye çevirməsi vasitəsilə (7) şəklində təyin olunur:

$$N_{iL,R}(x, z) = \frac{1}{(2\pi)^4} \int d^4 p F_{iL,R}(p, z) \psi_{L,R}(p) e^{-ipx}. \quad (7)$$

Burada,  $F_{iL,R}$  profil funksiyalarıdır [7].

$z \rightarrow 0$  limit qiymətində  $X$  üçün asimptotik həll aşağıdakı şəkildədir:

$$X(z) \approx \frac{1}{2} a m_q z + \frac{1}{2a} \sigma z^3 \quad (8)$$

Burada,  $m_q$ - u və  $d$  kvarkların kütləsi,  $\sigma$ -isə kiral kondensatın qiymətidir. Kiral limit halında, yəni  $M \rightarrow 0$  olduqda  $X(z) = v(z) e^{iP(x,z)}$  kimi yaza bilərik.

$P(x,z)$ -pion sahəsidir. Kiral limit halında, holqrafik dalğa funksiyası vasitəsilə pion sahəsinin ədədi qiyməti hesablanmışdır [9].

Oktet barionlara daxil olan elementar zərrəciklərin ( $p \ n \ \Lambda \ \Sigma \ \Xi$ ) hər biri üçün  $v(z)$ -in riyazi ifadəsi hesablanmışdır [9]. Nuklon üçün  $v(z)$  aşağıdakı kimi təyin olunmuşdur:

$$v(z) = (3c_2 - c_1)v_u(z) \quad (9)$$

Burada,  $v_u(z) = m_u z + \sigma_u z^3$   $m_u$ ,  $\sigma_u$ -uyğun olaraq  $u$  kvarkının kütləsi və kiral kondensasiyasıdır.

(5), (2), (3) düsturlarını (1) təsirində nəzərə alaraq (4) ifadəsinin üzərində müəyyən riyazi hesablamalar apardıqdan sonra pion-nuklon qarşılıqlı təsir sabitinin analitik ifadəsi aşağıdakı kimidir :

$$g_{\pi N} = v(z) P_\pi g_Y (f_{2L} f_{1R} - f_{2R} f_{1L} - f_{1L}^* f_{2R}^* + f_{1R}^* f_{2L}^*)$$

### Ədədi hesablama

Bu işdə, oktet barion olaraq proton (neytron) götürülərək  $\pi$  mezon proton (neytron) oktet-barion qarşılıqlı təsir sabiti hesablanmışdır. Hesablama MATHEMATICA11 programı əsasında aparılmışdır.

Parametrlər toplusu üçün aşağıdakı qiymətlər götürürülür:

$m_\pi=0.14 \text{ (GeV)}$ ,  $\sigma =(0.198 \text{ GeV})^3$ ,  $m_u = 0$ ,  $z_m = (205 \text{ MeV})^{-1}$ . Bu qiymətləri (9) ifadəsində nəzərə alaraq nuklon  $v(z)$  üçün  $v(z) = (3c_2 - c_1) v_u(z) = 14.8$  ədədi qiyməti alınmışdır.

Sabitlərin bu qiymətləri nəzərə alınaraq yekun hesablamalar nəticəsində pion-nuklon qarşılıqlı təsir sabiti  $-g_{\pi N} = 1,065$  qiymətini verir. Pion-nuklon qarşılıqlı təsir sabiti üçün təcrübi qiymət  $-g_{\pi N} = 0.939$ -dur.

Bu nəticənin təcrübi qiymətə uyğun olması göstərir ki, AdS\KXD-nin sərt divar modeli çərçivəsində elementar zərrəciklərin qarşılıqlı təsir sabitlərini hesablamaq məqsədə uyğundur.

### ƏDƏBİYYAT

1. Horaiu Nstase *Introduction to the AdS\ CFT correspondence* Cambridge University Press (2016)
2. Hong D., Inami T. and Yee H. *Baryons in AdS/QCD* // Physics Letters B, 2007, v.646, p.165-171
3. J.Leutgeb, J.Mager and A. Rebhan “Pseudoscalar transition form factors and the hadronic light-by-light contribution to the anomalous magnetic moment of the muon from holographic QCD” arxiv 1906.11795v2 (hep-ph)
4. K.A.Olive et al.( Particle Data Group Collaboration), Chin PHYS. C38. 090001(2009)
5. Maia M.The Extended ADS/CFT Correspondence // Braz.J.Phys., 2005, v.35, pp. 1142-1144
6. Makoto Natsume *ADS/CFT Duality User Guide*,Lecture Notes in Physics 903, Springer.
7. Shahin Mamedov, Shahnaz Taghiyeva “Meson-nucleon coupling constant from the AdS\ QCD” models GESJ Physics 2018 №2(20)
8. Witten E. , Anti-de Sitter space and holography // Adv.Theor.Math.Phys., 1998, v.2, pp. 253-291
9. Zhen Fang Phys. Rev. D 94. 074017(2016)
10. Zhang P. Improving the excited nucleon spectrum in hard-wall AdS/QCD // Phys. Rev. D, 2010, v.81, №11, p. 114029

# **РАСЧЕТ КОНСТАНТА ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ $\pi$ МЕЗОНА С НУКЛОНом В МОДЕЛИ ЖЕСТКОЙ СТЕНЫ АдС/КХД**

**Ш.И.ТАГИЕВА**

## **РЕЗЮМЕ**

В рамках модели жесткой стены АдС/КХД мы вычислили константу взаимодействия  $\pi$  мезон–протон. Во внутренней части АдС пространства Юкава лагранжиан взаимодействия полями было использовано. Используя АдС/КТП соответствие интегральное выражение получено для константы пион протонного взаимодействия и его численное значение было рассчит.

**Ключевые слова:** Пространство Анти-де-Ситтера, мезон, нуклон, профильная функция

## **CALCULATION OF THE $\pi$ MESON-NUCLEON COUPLING CONSTANT IN THE HARD WALL OF AdS/QCD MODEL**

**Sh.I.TAGIYEVA**

## **SUMMARY**

In the framework of the hard wall model of AdS/QCD we calculated the  $\pi$  meson proton coupling constant. The Yukawa interaction Lagrangian fields was used in the bulk of AdS space. Using the AdS/CFT correspondence an integral expression was found for the pion proton coupling constant and its numerical value was calculated.

**Key words:** Anti-de Sitter space, meson, nucleon, profile function.