



Bəşər tarixinin ən qədim elmlərindən olan riyaziyyat bütün elmlərin açarı hesab olunur. "Riyaziyyat" sözünə ilk dəfə b.e.a. 550-ci ildə qədim Yunanistanda Pifaqor məktəbində rəsi gəlinmişdir. Bu məktəbdə riyaziyyat, həndəsə, astronomiya və felsəfə tədqiq olunurdu. Riyaziyyat və həndəsəyə dair edilmiş kəşflər, bu elmlərin inkişafına güclü təsir göstərmişdi. Riyaziyyat, yunan dilində - "mən bilirəm" mənasını verir.

# Musiqinin riyazi ifadəsi

## Pifaqorun səs düzümü və Şərq musiqisi

**M**əlumdur ki, riyaziyyat, astronomiya sahəsində bir çox kəşfləri olan Pifaqor həm də musiqi nəzəriyyəcisi olmaqla bu sahədə də ixtiraçı idi. O, öz məşhur tezisini - "hər bir şey rəqəmlərdən ibarətdir" - musiqiyə də tətbiq etmişdi. O, səslərin riyazi xüsusiyyətləri ilə maraqlanaraq, bir riyazi musiqi aləti düzəldir. O, bu aləti "monoxord" adlandırır ki, bu da, "bir sim" kimi tərəcumə olunur.

Bu alət çox sadə bir quruluşa malik idi. Səsi gücləndirmək üçün rezonator rulunu oynayan uzun bir yesiyin üzərinə tarım bir sim çəkilir və simin altında sağa -sola hərkət edə bilən bir taxta parçası qoyulur ki, onu müəyyən hissələrə bölmək müm-

kün olsun. İlk olaraq, Pifaqor bu bütöv simi tən yarı olaraq iki yerə bölür. Bütöv simi və yarıya bölünmüş hissələrini ayrıraqda və birlikdə səsləndirirən o heyrətə galır: iki dəfə qısa olan sim, bütöv simin tonunun daha zildə səslənməsini verirdi.

Bununla belə iki dəfə qısa olan sim ilə bütöv sim birlikdə xalis uyuşan səslənmə əmələ gətirirdi. Bu eksperimenti davam etdirərkən yarıya bölünmüş simi təkrarən yarıya bölür və yenə də eyni səsin daha zil səslənməsini alır. Buradan Pifaqor əmin olur ki, hər tən yarıya bölünmüş sim öz tonunun zildə təkrarını verir. Daha sonralar bu səslənmənin alt və üst səsləri arasındaki məsafəni "oktava" adlandırdılar ki, bu da latın dilində "səkkizinci" mənasını verir.

Pifaqor bütöv simi daha kiçik hissələrə - 3, 4, 5 yerə böldükdə isə artıq əsas sımdən fərqli səslənmələr alındığını eşidir. Bu səslənmələr arasında baziləri dəha harmonik səslənərkən qulağā dəha xoş galır ki, bu da bütöv simi  $1/2$ ,  $2/3$  və  $3/4$  hissələrə böldükdə alınır. Bu hissələrə bölnən simin səslənməsi müvafiq olaraq oktava ( $1/2$  hissə), kvinta ( $2/3$  hissə) və kvarta ( $3/4$  hissə) kimi səslənir.

Təcrübə yolu ilə alınan bu intervallar Pifaqor səs düzümünün əsas intervalları sayılırdı. Bu səs düzümünün digar intervalları isə bu intervallara görə riyazi hesablama yolu ilə təyin olunmuşdu. Bu riyazi hesablama yoluğun mahiyyəti isə belə idi: istənilən bütöv simin  $2/3$  hissəsi əsas tondan yuxarı kvin-

ta səsini, 3/4 hissəsi isə əsas tondan yuxarı kvarta səsini verir, onda həmin kvintannı 2/3 hissəsi də əsas tonun enə kvintatını və həmin kvartanın 3/4 hissəsi də əsas tonun təkrar kvartasını səsləndirəcək.

Bələdliklə, əgər biz əsas tonu "do" kimi qəbul etsək və bütün simin 2/3 hissəsinin 2/3 hissəsini (yəni 4/9 hissəsini) səsləndirək, bu zaman bir oktava yuxarı "re 1" səsi səslənəcək. Bu səs də də oktavasının xaricində olduğunu üçün onu oktava daxilinə götürək, onda bu "re" səsi simin 8/9 hissəsinə uyğun gələcək. Çünkü səsi bir oktava aşağı yerdəyişmə edərək, simin uzunluğu iki dəfə artır. Əgər biz simin 8/9 hissəsinin 2/3 hissəsini (yəni 16/27 hissəsini) qeyd etsək, onda "ly" səslənməsi alınır. Bu qayda ilə 16/27 hissəsinin 2/3 hissəsindən (yəni 32/81 hissəsindən) "mıl" səsi alırmı ki, bu da yənə oktavadan kənar olacaq. Bu səsi bir oktava aşağı səsləndirəndə, onun simdsiki hissəsi artıq 64/81-ə bərabər olur. Nəhayət, əgər biz 64/81 hissəsinin 2/3 hissəsini (yəni 128/243 hissəsini) təyin etsək, bu, "si" səsinə bərabər olacaq.

Əgər alınan bütün səsləri ucalıqlarına görə ardıcılıqla düzəksə və hər səsin altında bütöv simdəki tutduğu hissəni yazaq, onda biz, Pifaqor kökündə olan diatonik major ladının səs düzümnünləri ki, burada da səslər arasında tezlik münasibətləri simin hissələri ilə ifadə olunur:

do	re bəmol	mi bəmol	fa	sol	ly a bəmol	si bəmol	do
c	des	es	f	g	as	b	c'
1	243/256	27/32	3/4	2/3	81/128	9/16	1/2
243/256		8/9		243/256		8/9	
	8/9		8/9		8/9		

(Cədvəldə aşağıdakı iki cərəgo olañ rəqəmlər, səslər uyğun golən intervalların uzunluqlarını göstərir.)

Pifaqor səs düzümnünün əsas intervallarının münasibətlərinə uyğun olaraq, əgər biz "fa" səsindən başlayaraq aşağı istiqamətə xalis kvintalar qursaq, onda biz Pifaqor kökündə frigik ladi alarıq ki, burada da səslər arasında tezlik münasibətləri, simin hissələri ilə ifadə olunur:

do	re	mi	fa	sol	ly a	si	do
c	d	e	f	g	a	h	c'
1	8/9	64/81	3/4	2/3	16/27	128/243	1/2
				243/256		8/9	
						8/9	

Əgər biz bu interval ardıcılığının davam etdirəsək, yəni "si" səsindən yuxarı və "re bəmol" səsindən aşağı həmin qayda ilə xalis kvintaları oktava daxilində qursaq, onda oktava birinci haldə "si diyez" səsində, ikinci haldə "si" "re dubl bəmol" səsində tamamlanacaq. Burada "si diyez" səsi oktavanın son səsi olan "do!"-dən 524288/531441 intervali qədər yuxarı ucalıqdadır ki, bu da toxminən 73/74 kasrino bərabərdir. "Re dubl bəmol" səsi isə eyni nisbətdə "do" səsindən aşağı ucalıqdadır və həmin interval tərkibindəndir. "do!"-dən yuxarı ucalıqdə olan "si diyez" və "do"-dan aşağı ucalıqdə olan "re dubl bəmol" pifaqor komması adını almışdır.

Komma - bir tonun 1/8 hissəsindən kiçik ölçüsü olan intervallara deyilir ki, "pifaqor kom-

ması"nın ölçüsü bir tonun 1/9 hissəsindən ibarətdir. 1 komma toxminən 23,5 sentə bərabərdir. Sent (latincə: cent - yüzde bir) iki tezlik və ya iki musiqi intervalı münasibətdə olan ölçüsüz laqoritma vahididir. Tezliyin 1 sent vadidi dəyişməsi 0,058% dəyişikliyə bərabərdir. Bərabər temperasiya olunmuş alətlərdə yarım ton 100 sentə bərabərdir, onda komma 25 sentdən da-ha kiçik ölçüdür.

Müasir dünya musiqi mədəniyyətində praktiki cəhətdən bütöv tonun 1/8 hissəsi də istifadə olunur. Yəni yarım tonun özü də 4 hissəyə bölünür və 0,125 ton təkşil edir ki, bir çox Şərqi ölkələrinin musiqi sistemlərində buna rast gəlmək olar.

Pifaqor səs düzümnü qəmanmanın səsləri arasında olan məsafələrin riyazi ifadəsidir və o, qapanmayan səs düzümüdür. Bu səs düzümnünün ən xarakter xüsusiyyətlərindən biri də budur ki, burada enharmonik səslərə rast gəlmək mümkün deyil.

Pifaqor səs düzümdən, hər bir interval, səs səsdən aşağı və yuxarı istiqamətə, müxtəlif sayda kvinta hərəkətlərinin nəticəsində alınır. Əgər simin 2/3 hissəsində səslənən kvinta səsi Pifaqor səs düzümdən 701,96 sentə malikdir, məntəzəm temperasiyada bu interval 700,0 sentə bərabərdir. Ona görə də, Pifaqor səs düzümdən hər dəfə kvintanın dönməsi zamanı, məntəzəm temperasiyanın kvintasına nisbətən 1,96

məntəzəm ölçüsü bir tonun 1/9 hissəsindən ibarətdir. 1 komma toxminən 23,5 sentə bərabərdir. Sent (latincə: cent - yüzde bir) iki tezlik və ya iki musiqi intervalı münasibətdə olan ölçüsüz laqoritma vahididir. Tezliyin 1 sent vadidi dəyişməsi 0,058% dəyişikliyə bərabərdir. Bərabər temperasiya olunmuş alətlərdə yarım ton 100 sentə bərabərdir, onda komma 25 sentdən da-ha kiçik ölçüdür.

Bununla belə, bu səs düzümdən hər bir intervalın yalnız bir kəmiyyət ölçüsü olur ki, onlardan da aşağıdakıları göstərmək olar.

Böyük sekunda - iki kvinta hərəkətinin nəticəsində alınır ki, o da, bütöv sim ilə 8/9 münasibətdə yerləşir.

Böyük seksta - üç kvinta hərəkətinin nəticəsində alınır ki, o da, bütöv sim ilə 16/27 münasibətdə yerləşir.

Böyük tersiya - dörd kvinta hərəkətinin nəticəsində alınır ki, o da, bütöv sim ilə 64/81 münasibətdə yerləşir.

Diatonik yarımtəton - beş kvinta hərəkətinin nəticəsində alınır ki, o da, bütöv sim ilə 243/256 münasibətdə yerləşir.

Xromatik yarımtəton - yeddi kvinta hərəkətinin nəticəsində alınır ki, o da, bütöv sim ilə 2048/2187 münasibətdə yerləşir.

Adi hesablamalar nəticəsində aydın olar ki, bütöv simin 2048/2187 hissəsi (xromatik yarımtəton), 243/256 hissəsindən (diatonik yarımtəton) kiçikdir. Buna görə də, Pifaqor səs düzümdən xromatik yarımtəton, diatonik yarımtətondan Pifaqor komması qədər (1/9 ton) yüksəkdir (hissə kiçik olunduqca ucalıq artır).

Bildiyimiz kimi, Pifaqor səs düzümnə görə, oktava qapanmadığı üçün xalis kvinta ardıcılığını sonsuz sayıda davam etdirəmək olar. Nəzəri cəhətdən bu mümkün olsa da, praktiki cəhət-

dən isə lap kiçik sent fərgələrini eşitmək qeyri -mümkündür.

Aşağıdakı cədvəldə, Pifaqor səs düzümnən toxminən 20 ardıcılı kvintanın aşığı və yuxarı hərəkəti zamanı alınan pillələri,

onlara əlavə nümunələr, musiqi nəzəriyyəsində daşıdığı adlar, bütöv simə görə münasibətləri, kəmiyyət ölçüləri və səslərin fiziki tezliyi verilmişdir ki, burada oktava 38 pərdəyə böülülmüşdür.

No	Pillələr	Əlavə nümunələr	Adı	Münasibət	Sent	Hers
1	C		Unison, prima	1:1	0	260,7
2	his	des-cis,fes-e a-gis	Oktavın pifqor komması	531441; 524288	23,46	
3	eseses	eis-ges,cis-eeses	İki dəfə asıldılmış tersiya	134217728; 129140163	66,76	
4	des	des-eeses	L'immà, k.sekunda (diatonik)	256,243	90,22	274,7
5	cis	des-d,eeses-es	Apotoma, art,prima	2187:2048	113,69	278,4
6	eeses	e-ges,d-fes	Əsk.tersiya	65536:59049	180,45	
7	d	cis-dis, fis -gis	Bütəv ton, böyük sekunda	9:8	203,91	293,3
8	cisis	d-disis, deses-d	İki dəfə artırılmış prima	4782969: 419:304	227,37	
9	feses	cisis-t, his-es	İki dəfə asıldılmış kvarta	1677:216; 14348907	270,67	
10	es	d-f, es-ges	Kiçik tersiya	32:27	294,13	309,1
11	dis	des_e, es-fis	Arıtrılmış sekunda	19683:16384	317,6	313,1
12	fes	cis-f, fis-b	Əskidilmiş kvarta	8192:6561	384,36	
13	e	d-fis, des-f	Ditonik, böyük tersiya	81:64	407,82	330,0
14	disis	ces-dis,es-fis-i	İki dəfə artırılmış sekunda	43046721: 33554432	431,28	
15	geses	cis-ges,disis-a	İki dəfə asıldılmış kvinta	2097152: 1594323	474,58	
16	f	d-g, es-as,dis-fis	Kvarta	4:3	498,04	347,6
17	es	dis-fis,deses-f	Arıtrılmış tersiya	177147:131072	521,51	
18	aseses	cisis-as,gis-is-es	İki dəfə asıldılmış seksta	536870912: 387420489	564,81	
19	ges	cis-g-h,f,-e-b	Əskidilmiş kvinta	1024:729	588,27	366,38
20	fis	f-b, des-g	(kommatik üçün) arıtrılmış kvarta	729:512	611,73	371,2
21	eisis	des-fisis	İki dəfə artırılmış tersiya	387420489: 268435:156	635,19	
22	ases	cis-as,gis-es	Əskidilmiş seksta	262144:177147	678,49	
23	g	d-,a-,dis-ais	Xalis kvinta	3:2	701,96	391,0
24	fisis	des-gis, fes-h	İki dəfə artırılmış kvarta	1594323: 10486725	725,42	
25	beses	cis-bes,cisis-b	İki dəfə asıldılmış septima	67109864: 43046721	768,72	
26	as	d-b, dis-h	Kiçik seksta	128:81	792,18	412,1
27	gis	des-a,eses-b	Arıtrılmış kvinta (tetrafon)	6561:4096	815,64	417,5
28	heses	cis-b, gis-f	Əskidilmiş septima	32768:19683	882,40	
29	a	d-h, es-c	Boyük seksta	27:16:100	905,87	440,0
30	gisis	des-ais,deses-a	İki dəfə artırılmış kvinta	14348907: 8388608	929,33	
31	ceses	dis-des,gis-is-g	İki dəfə asıldılmış oktava	8388608: 7827959	972,63	
32	b	g-f, des-ces	Kiçik septima	16:9	996,09	463,6
33	ais	des-h, deses-b	Arıtrılmış-seksta (pentaton)	59049:32768	1019,55	469,7
34	ces	cis-c, e-es	Əskidilmiş oktava	4096:2187	1086,31	
35	h	cis-his, e-dis	Boyük septima	243:128	1109,78	495,0
36	aisis	ces-ais, ges-eis	İki dəfə artırılmış seksta	129140163: 6710864	1133,24	
37	deses	dis-es,eis-f	Əskidilmiş nona	1048576:531441	1176,54	
38	c'	c-c, d-d	Oktava	2:1	1200,00	521,5

Pifaqor səs düzümünün çatışmayan cəhətləri da var idi. Çatışmayan cəhətlərdən biri bu idi ki, hər hansı melodiyə yalnız kökləndiyi ladda ifa oluna bilərdi. Başqa bir lada keçmək üçün alət yenidən köklənməli idi.

Başqa bir nümunə göstərək: Pifaqorun səs düzümündə qonşu pillələrdən qurulan eyni lədlərin (mas. dörlik lad) səsləri arasında cəmi bir ortaq səs vardır. Halbuki bunu biz müasir forte-piano alətindən qurşaq, onda 5 ortaq səsin olduğunu görürük.

Orta əsrlərdə Qərbdə katalik kilsələrdə çoxsəslər orqan alətindən istifadə olunmağa başladıqdan sonra vəziyyət daha da gərginləndi. Bu alət müzayyan səs düzümündə köklənməyi tələb edirdi. O dövrün əsas səs düzümü də Pifaqorun səs düzümü idi ki, onu da orqan alətində rəhat həkklənmək olurdu.

Lakin bu səs düzümündə köklənən orqan aləti və kilsoxurlarının ifa etdiyi çoxsəslər musiqilərdə tersiya səslərinin dissonans səslənməsi o dövrde bir çox musiqiçiləri narahat etməyə başladı.

Cənki, böyük tersiyanın dissonans səslənməyi, major üçsəslisinin istifadəsinə yararlı deyildi. Pifaqorun böyük tersiyasının gərgin olma səbəbi məlum idi. Burada böyük tersiya kvintanın dörd dəfə yuxarıya hərkəti nəticəsində əmələ gəlir ki, bu da bütöv sim ilə 64/81 münasibətidədir.

Pifaqor səs düzümünün müntəzəm temperasiyalı səs düzümü ilə əzəv olunmasının əsas səbəbi, diller ilə ifa olunan çoxsəslər harmonik musiqi alətlərinin yaranması oldu. Pifaqor səs düzümünün zaman keçdikcə

əvvəl xalis səs düzümü ilə (Coffeze Tsarlino 1517-1590), sonralar isə əsası Cju Tszay Yuy (1536) tərəfindən qoyulmuş müntəzəm temperasiya ilə əzəv olundu ki, axırınca səs düzümünü İ.S.Bax yazdığı "Yaxşı Temperasiyalı Klavir"i ilə tam təsdiqlədi. İndi isə biz Pifaqor səs düzümünün Şərq musiqisiniənən fərqləndi.

Qədim yunan filosofu, riyaziyyatçı və musiqiçisi Pifaqorun adı ilə bağlı olan bu səs düzümündən yarandığı dövrdən sonra 2000 il ərzində bütün dünyada, o cümlədən də Şərq xalqlarının musiqisində istifadə olunmuşdur.

Bunun da səbəbi o idi ki, Pifaqor səs düzümündə insan quşagının eşidə bileyçi, fiziki və riyazi qanunlara əsaslanan bütün səslər öz əksini tapır. Elə bir xalq yoxdur ki, onun musiqi sistemində istifadə olunan səs Pifaqor səs düzümündə olmasın.

Cənki, dediyimiz kimi, bu səs düzümü qapanmayan olduğunu və sənəsindən səslərin əsasının bir səslər musiqiyyətinin də əsasın bir səslər musiqiyyətindən əsaslıdır. Pifaqorun səs düzümü əsaslıdır, onun Şərq musiqisinin inkişafında mühüm rol vurğulanmışdır. Fərabi haqqında fikirlərdən bildirir: "Fərabi yunan musiqi sisteminə dərindən bələd idi və həmin sistemi müsəlman Şərqində tətbiq etməyə çalışırdı; Digər müsəlman alimlərinin haqqı müqavimətinə baxmayaqaraq, Fərabinin səyi nəticəsində qalmamışdır; ərəb-fars sistemi nəzəri cəhətdən qismən yunan musiqi mədəniyyətinin təsiri altında düşmüşdür".

Qeyd etdiyimiz kimi, yunan alimi olan Pifaqorun səs düzümündən nəinki Yunanistan, eləcə də bir çox dünya musiqi mədəniyyətlərində istifadə olunmuşdu. Ü.Hacıbəyov, Fərabinin yunan musiqi sisteminə bələd olmasına dəlikdə, burada Pifaqor məktəbinin yaratdığı musiqi sistemini nəzərdə tuturdu. Cənki Fərabinin yaşadığı orta

əsrlərdə Pifaqor məktəbinin nəzəriyyəsi əsas götürüldür.

Ü.Hacıbəyovun Şərq musiqisi ilə yunan musiqi sistemi arasında olan əlaqəni yalnız bu məqaləsində bildirmir. O özünün şah elmi əsəri olan "Azərbaycan xalq musiqisinin əsasları"nda musiqi sistemimiz haqqında məlumatlarda yazır: "Musiqişünəslərin fikrincə, "Şərq musiqisində" (Azərbaycan musiqisini də bura aid edirlər) bütöv və yarım tondan başqa 1/3 və 1/4 ton da vardır.

Bu iddia ən kiçik intervali yarım ton olan Azərbaycan xalq musiqisini aid edilə bilər. Avropa musiqisində olduğu kimi, Azərbaycan musiqisində də oktava 7 diatonik və 12 xromatik pardədən ibarətdir. Fərq ancaq bundadır ki, Avropa musiqisindəki oktavada pardələr müntəzəm, Azərbaycan musiqisində isə qeyri-müntəzəm.

temperasiya olunmuşdur.

Ona görə də temperasiyalı sistemimizdə qeyd etdiyi fərqi "komma" adlandırsısa, onda bizim musiqi sistemimizin kökünü, bir çox Şərq ölkələrində olduğu kimi, yunan musiqi sisteminə, yəni, Pifaqorun səs düzümüne bağlılığı dənilməzdir ki, bu da bizim xalq musiqiçimizin qeyri-müntəzəm temperasiyaya əsaslandığını sübut edir.

Ancaq çox təəssüf olsun ki, Üzeyir Hacıbəyov şəxsiyyəti parastış və represiya dövrlərində Azərbaycan musiqi sisteminin mənşəyi haqqında irəli sürdüyü fikirləri, hələ indiyə qədər bəzi yazıldarda düzgün qiymətləndirilmir.

• İmran SİXƏLİYEV,  
Sunqayıt musiqi kollecinin  
müəllimi, musiqişünəs

## Ədəbiyyat

1. Ü.Hacıbəyov. Azərbaycan xalq musiqisinin əsasları. Bakı. "Yaziçi" - 1985.
2. Ü.Hacıbəyov. Seçilmiş əsərləri. Bakı. "Yaziçi" - 1985.
3. Ü.Hacıbəyov. Azərbaycan türk musiqisi haqqında "Na pubje vostoka" jurnalı - 1929, №3.
4. N.Garbusov. Zonnia priroda zvukovysotnogo slucha, M. - L. - 1948.
5. Antiknaya muzikalnaya estetika. Vstup, ocherk i saboranie tekstov A.Losseva. Moskva - 1961.
6. L.Nemirovskiy. "Akustika fizicheskaya, fiziologicheskaya i muzikalnaya". Moskva. Pg. Gos. Izd. - 1923.
7. J.Barbour The persistence of the Pythagorean tuning system, "Scripta mathematica" - 1933, v. 1, №4.
8. V.Shestakov. Istorija muzikalnoj estetiki ot Antichnosti do XVIII veka. Ljubrakom - 2012.

## Резюме

Пифагор был не только математиком и философом, но и теоретиком музыки. Он впервые создал математические методы построение музыкальных ладов. Пифагоров строй со временем повлиял и на Восточной музыке.

**Ключевые слова:** Пифагоров строй, Незамкнутый круг, Восточная музыкальная система, Равномерный темперированный строй, Многоголосия

## Summary

Pythagoras was not just a mathematician and philosopher but he also was a music theorist. He was the first man who created the mathematical methods for musical harmonies. Pythagorean tuning over time affected the Eastern music.

**Key words:** Pythagorean tuning, Open Circle, The system of Eastern music, Equal temperament, Polyphony.